

# ДРУЗЬЯ, СЛОВА, ТАБЛИЦЫ



# FRIENDS, WORDS, TABLES

Festschrift for the 75<sup>th</sup> birthday of  
Anna Polivanova

Edited by A. Keidan

INTERBOK

Stockholm

2020

# ДРУЗЬЯ, СЛОВА, ТАБЛИЦЫ

Сборник статей в честь 75-летия  
А. К. Поливановой

Под редакцией А. В. Кейдана

КАБИНЕТНЫЙ УЧЕНЫЙ

Москва – Екатеринбург

2020

## ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ СЕГМЕНТНЫХ ПРЕОБРАЗОВАНИЙ В АБСТРАКТНОЙ ГРАММАТИКЕ

### 1. ВВЕДЕНИЕ

Фонологический модуль сегментной грамматики обычно описывается как некий переводчик между системами морфологии и фонетики. На входе он получает цепочки, сконструированные морфологическим (или парадигматическим) модулем грамматики, а на выходе дает поверхностные выражения, предназначенные для произношения. Фонологический модуль конкретных языков описывается как набор сегментных преобразований, или *правил*, последовательное действие которых превращает исходную цепочку в поверхностную. Эта цепь преобразований называется фонологическим *выводом*, или *деривацией*:

Переводу конкретной *trh*-записи в соответствующую ей *rh*-запись отвечает *вывод* вида:  $A \rightarrow K_1 \rightarrow K_2 \rightarrow \dots \rightarrow K_n \rightarrow B$ , где  $A$  — входное выражение,  $B$  — выходное, а  $K_i$  — промежуточные результаты. Переход между двумя непосредственно соседними выражениями осуществляется по одному из правил [Поливанова 2013: 46].

В данной работе рассматриваются формальные свойства фонологических правил, связанные с понятием *прозрачности* фонологических выводов. Это понятие будет ниже определено строго. Для начала ограничимся неформальным описанием.

Пусть мы знаем все правила нашей грамматики. Пусть дана некая цепочка на выходе деривации. Деривация считается *прозрачной*, если все правила, чьи условия выполнены в этой цепочке, были задействованы, и наоборот, не действовало ни одного правила, чьи условия выполнены не были. В противном случае деривация *темная*.

Обратный ход деривации — восстановление исходных цепочек по выходу — обычно в грамматиках напрямую не описывается. Заметим только, без доказательства, что задача индукции грамматики из набора поверхностных выражений тем легче, чем меньше в грамматике темных дериваций.

Например, грамматика, состоящая из одного единственного правила, содержит только прозрачные выводы. Ниже станет ясно, что темные деривации возникают только в том случае, если в грамматике есть *нетривиально взаимодействующие правила* — такие пары правил, для которых результат может зависеть от порядка действия. Основная часть этой работы посвящена изучению таких нетривиальных взаимодействий.

В §2–3 пересказаны классические результаты, полученные в генеративной традиции, в несколько более абстрактном и формальном виде, чем обычно принято. Далее в §4–7 излагаются новые идеи, разработанные автором этой статьи совместно с Э. Баковичем.<sup>1</sup>

Абстрактная грамматика в данной работе выступает не как способ описания конкретных грамматик естественных языков и не как характеристика класса таких грамматик. Она сама является предметом изучения как алгебраический объект.

## 2. ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

Переходим к более строгому изложению.

1. Пусть  $A$  — алфавит сегментов. Через  $A^*$  обозначается множество конечных цепочек над  $A$ .
2. Сегментным правилом, или просто правилом, называется функция на множестве  $A^*$ .
3. Сегментная грамматика есть композиция правил  $G = P_1 \circ P_2 \circ \dots \circ P_n$ .
4. Композиция правил  $P$  и  $Q$  *нетривиальна* если существует цепочка  $x$ , для которой  $P \circ Q(x) \neq Q \circ P(x)$ .

В конкретных изложениях могут приниматься соглашения о том, какие бывают правила. Обычно такие соглашения явно не оговариваются, но следуют из принятой системы записи правил. В [Поливанова 2013], напри-

<sup>1</sup> См. [Baković, Blumenfeld 2019; 2020].

мер, принята система, описанная на стр. 49–50, §68. В данном изложении используется слегка модифицированная ее версия.<sup>2</sup>

- (1) а. Запись вида  $\{x\}(y)\{z\} \Rightarrow r$  означает «действуя слева направо, заменить все подцепочки  $xuz$  на  $xrz$ »;  $\{x\}$  и  $\{z\}$  могут быть пропущены.
- б. Запись  $\{x\}(a, b)\{z\} \Rightarrow r$  следует понимать как два независимых правила:  $\{x\}(a)\{z\} \Rightarrow r$  и  $\{x\}(b)\{z\} \Rightarrow r$ .
- с. Запись вида  $\{x\}(a/b)\{z\} \Rightarrow q/r$  следует понимать как два таких правила:  $\{x\}(a)\{z\} \Rightarrow q$  и  $\{x\}(b)\{z\} \Rightarrow r$ .

Введем еще два вспомогательных символа. Символ  $\#$  обозначает границу слова. Этот символ можно ввести простым соглашением, что правила действуют не непосредственно на цепочки из  $A^*$ , а на цепочки, к которым слева и справа добавляется  $\#$ .

Символ  $\emptyset$  позволяет записывать правила, удаляющие и вводящие символы. Этот символ можно использовать либо между обычными скобками с левой стороны правила, где он означает внедрение, либо с правой стороны правила, где он означает удаление. Таким образом, правило  $\{x\}(\emptyset)\{z\} \Rightarrow r$  обозначает внедрение  $r$  между  $x$  и  $z$ , а  $\{x\}(y)\{z\} \Rightarrow \emptyset$  — удаление  $y$  между  $x$  и  $z$ .

В данной статье рассматриваются только формальные свойства взаимодействий правил, а не их содержательный аспект.

### 3. КЛАССИЧЕСКАЯ ТРАКТОВКА

Нас будут интересовать случаи нетривиальной композиции правил. Для простоты изложения мы будем пользоваться не конкретными правилами из настоящих языков, а искусственными примерами, похожими на широко распространенные фонологические правила. Начнем со следующих трех.

- (2) а.  $(e/o)\{\#\} \Rightarrow i/u$  (подъем гласного)  
 б.  $(i)\{w\} \Rightarrow u$  (огубление)  
 с.  $(k/g)\{i\} \Rightarrow \check{c}/\check{j}$  (палатализация)

<sup>2</sup> Эта система содержательно сходна с принятой в генеративной традиции системой записи правил в формате  $a \rightarrow b/c\_d$ .

Рассмотрим пару правил (2а), (2с). Их композиция нетривиальна, поскольку существуют цепочки, для которых результат зависит от порядка действия правил. Например, такова цепочка *ke*.

- (3) а.  $ke \xrightarrow{(2a)} ki \xrightarrow{(2c)} \check{c}i$   
 б.  $ke \xrightarrow{(2c)} ke \xrightarrow{(2a)} ki$

То же можно сказать о паре правил (2б), (2с): существуют цепочки, где исход зависит от порядка, например *kiw*.

- (4) а.  $kiw \xrightarrow{(2b)} kuw \xrightarrow{(2c)} kuw$   
 б.  $kiw \xrightarrow{(2c)} \check{c}iw \xrightarrow{(2b)} \check{c}uw$

Сравним взаимодействия правил в (3) и (4). Правило подъема гласного  $e \rightarrow i$  (2а) создает условия для действия палатализации (2с): оно создает новые цепочки вида *ki*, к которым палатализация применима. Если (2а) действует первым, так и происходит, и эти новые *ki* превращаются в *či*. В противном случае палатализация не успевает затронуть эти новые *ki*. Таким образом, в одном из порядков в (3) на выходе есть цепочки, которые должны были быть устранены одним из правил грамматики, но устранены не были: возникает эффект «мнимого исключения».

Случай (4) иной. Тут правило  $i \rightarrow u$  (2б) не создает, а устраняет условия для действия палатализации. Если  $i \rightarrow u$  действует первым, так и происходит: исходные *ki* превращаются в *ku* и палатализации более не подлежат. А если палатализация действует в начале вывода, то, напротив, ее результат виден даже тогда, когда другое правило устранило условия палатализации. Таким образом, в одном из порядков в (4) на выходе есть цепочки с эффектом «необоснованного действия».

В классической литературе<sup>3</sup> такие типы отношений между правилами именуются *feeding* (питание) и *bleeding* (блокировка). Эти два типа отношений — свойства нетривиально взаимодействующих пар правил.

Обозначим порядок действия правил в грамматике через  $>$ . Таким образом, имеются четыре случая: отношения питания и блокировки и порядки  $P > Q$  и  $Q > P$ . Именно эти четыре возможных случая и проиллюстрированы в (3) и (4). В англоязычной литературе приняты термины *feeding* и *bleeding* для случаев, где  $P > Q$ , и *counterfeeding* и *counterbleeding*

<sup>3</sup> Например, [Kiparsky 1968; 1971; 1973; Chafe 1968; Koutsoudas et al. 1974; Baković 2007; 2011].

для обратных случаев, где  $Q > P$  (*противопитание и противоблокировка*).<sup>4</sup>

(5)		$P > Q$	$Q > P$
	$P$ питает $Q$	(3а) питание	(3б) противопитание
	$P$ блокирует $Q$	(4а) блокировка	(4б) противоблокировка
		└──────────┘ ПРОЗРАЧНЫЕ	└──────────┘ ТЕМНЫЕ

Питающий и блокирующий порядки *прозрачны*, поскольку условия действия всех правил выполняются на выходе. Обратные порядки являются *темными*: существуют цепочки на выходе, которые выглядят как исключение из одного из правил в случае противопитания — [ki] в (3б), или цепочки, преобразованные одним из правил, несмотря на отсутствие условий — [šuw] в (4б), — в случае противоблокировки.

Эти два свойства — «мнимое исключение» и «необоснованное действие» — диагностируют, соответственно, противопитающий и противоблокирующий порядки.

#### 4. НЕПОЛНОТА КЛАССИЧЕСКОЙ ТРАКТОВКИ

Рассмотрим правила (Б3а) и (Б4) из [Поливанова 2013: §72]. Правило Б3а вокализует *ь* после *j*, а правило Б4 удаляет этот *j* перед *i*. Последовательное действие видно на примере (6).

(Б3а)  $\{j, \dot{\imath}\}\{b\} \Rightarrow i$

(Б4)  $(j, \dot{\imath})\{\dot{\imath}\} \Rightarrow \emptyset$

(6) боу $\dot{\imath}$ .ы $\dot{\imath}$ .ь  $\xrightarrow{\text{(Б3а)}}$  боу $\dot{\imath}$ ици  $\xrightarrow{\text{(Б4)}}$  боуиш

Порядок действия этих двух правил нетривиален, ведь первое создает условия для действия второго. В старославянском эти правила приме-

<sup>4</sup> Таким образом, возникает досадная двусмысленность терминов *питание* и *блокировка* — они обозначают как абстрактные отношения правил, так и частный случай порядка, где питающее или блокирующее правила действуют первыми. Аналогично двузначны английские термины *feeding* и *bleeding*.



няются в питающем порядке, как видно из (6). Обратный, противопитающий порядок, показанный в (7b), дает характерный эффект «мнимого исключения»: цепочка [jij] является входом к Б4, но это правило не задействовано.

$$(7) \quad \begin{array}{l} \text{a. } jbj \xrightarrow{(B3a)} jij \xrightarrow{(B4)} ij \\ \text{b. } jbj \xrightarrow{(B4)} jbj \xrightarrow{(B3a)} jij \end{array}$$

Однако и питающий порядок здесь не прозрачный, а темный. Цепочка [ij] показывает «необоснованное действие» правила Б3а, по которому [ь] должен был превратиться в [i] после [j], но этот [j] — необходимое условие Б3а — на выходе не наблюдается. Таким образом, взаимодействие Б3а > Б4 неклассическое: это некое загадочное темное питание, неучтенное в инвентаре отношений (5). Отношение между Б3а и Б4 «обоюдотемное»: в каком порядке правила ни применяй, прозрачного вывода не получится.

Э. Бакович, впервые заметивший этот тип отношений между правилами [Baković 2007], назвал его *саморазрушающим питанием*: первое правило создает условия для второго, но второе разрушает условия первого. В результате тут смешаны свойства питания и блокировки. Ниже мы попытаемся разобраться, каким образом эти свойства тут смешаны.

Назовем этот тип отношений *подпиткой*.<sup>5</sup> Приведем еще два примера.

В турецком действуют следующие два правила: эпентеза *i* между двумя конечными согласными и выпадение *k* между гласными.

$$(8) \quad \begin{array}{l} \text{a. } \{C\}(\emptyset)\{C\}\# \Rightarrow i \\ \text{b. } \{V\}(k)\{V\} \Rightarrow \emptyset \end{array}$$

Действуют они именно в этом порядке, как видно из (9a). Это порядок подпитки: первое правило создает условия для действия второго (*k* между гласными), и второе правило действует, но выход темный, т. к. условия действия первого правила устранены вторым. В (9b) показан обратный порядок, с ожидаемым эффектом мнимого исключения.

$$(9) \quad \begin{array}{l} \text{a. } bebekn \xrightarrow{(8a)} bebekin \xrightarrow{(8b)} bebein \\ \text{b. } bebekn \xrightarrow{(8b)} bebekn \xrightarrow{(8a)} bebekin \end{array}$$

<sup>5</sup> В работах в соавторстве с Э. Баковичем мы назвали этот тип отношений *seeding*.

И в заключение этого параграфа приведем совсем простой пример подпитки, сконструированный из вполне обыденных правил.

- (10) а.  $(k/g)\{i\} \Rightarrow \check{c}/\check{y}$   
 б.  $\{\text{шипящие}\}(i) \Rightarrow a$

Взаимодействие опять обоюдотемное: или получаем эффект необоснованного действия (10а), или мнимого исключения (10б).

- (11) а.  $ki \xrightarrow{(10a)} \check{c}i \xrightarrow{(10b)} \check{c}a$   
 б.  $ki \xrightarrow{(10b)} ki \xrightarrow{(10a)} \check{c}i$

## 5. ОДНОВРЕМЕННОЕ ДЕЙСТВИЕ

Существует ли общая характеристика темных выводов, описывающая все приведенные выше случаи? П. Кипарский предложил общее определение темных и прозрачных выводов, покрывающее как противоположные, так и противоблокирующие случаи.<sup>6</sup> Введем понятие *одновременного действия* правил  $P, Q$  на цепочку  $x: P, Q(x)$  — это цепочка, получающаяся одновременным применением правил  $P$  и  $Q$ . В случае, если действия  $P$  и  $Q$  несовместимы,  $P, Q(x)$  не определена.

Например, одновременное действие правил (2а) и (2с) на цепочку  $ke$  дает  $ki$ . Одновременное действие правил (2б) и (2с) на цепочку  $kiv$  дает  $\check{c}iv$ .

Пусть порядок действия  $P$  и  $Q$  нетривиален. По определению Кипарского, темными можно считать такие выводы, где результат совпадает с результатом одновременного действия.

- (12) Порядок  $P > Q$  темный, если существуют цепочки  $x$ , где  $P(Q(x)) \neq P, Q(x) = Q(P(x))$ .

Как показывают вышеприведенные примеры, по этому определению противоположный и противоблокирующий порядки являются темными. Однако с подпиткой это определение не может работать в принципе: оно асимметрично относительно порядка  $P$  и  $Q$ , и следовательно обоюдотемные отношения ему не под силу. Действительно, рассмотрим цепочку  $ki$  и правила  $P=(10a)$  и  $Q=(10b)$ . На цепочке  $ki$  одновременное дей-

<sup>6</sup> См. [Joshi, Kiparsky 2005], где данные вопросы обсуждаются в контексте грамматики Панини.

ствие дает  $\check{c}i$ , как и применение  $i \rightarrow a$  перед палатализацией. Обратный порядок дает  $\check{c}a$ .

$$(13) \begin{array}{l} P(Q(ki)) = P, Q(ki) \neq Q(P(ki)) \\ \check{c}i = \check{c}i \neq \check{c}a \end{array}$$

Следовательно, по определению одновременного действия темным является только порядок  $P > Q$ , но не обратный порядок. Очевидно, что одновременное действие не учитывает информацию, появившуюся в результате действия одного из правил. Именно поэтому результат одновременного действия совпадает с темными порядками в случае противопитания и противоблокировки: там первое правило не успевает учесть результат действия второго. Однако критерий одновременного действия имеет смысл только в тех случаях, когда это второе правило само по себе применимо к исходной цепочке, а в случае подпитки это не так, ведь первое правило еще и создает условия действия второго.

## 6. ФОРМАЛЬНЫЕ СВОЙСТВА ПИТАНИЯ И БЛОКИРОВКИ

### 6.1. Что правило $P$ делает с элементами $I(Q)$ ?

Чтобы разобраться в отношениях правил и типологии этих отношений, придется привести интуитивное понимание питания и блокировки в более четкий вид.

Пусть имеются два правила,  $P$  и  $Q$ . Для простоты предположим, что в каждой цепочке эти правила применимы только один раз.<sup>7</sup> Обозначим через  $I(P)$  область нетривиального действия правила, т. е. множество цепочек, им преобразуемых ( $I(P) = \{x : P(x) \neq x\}$ ). Соответственно обозначим через  $O(P)$  область нетривиального выхода правил, т. е. образ  $I(P)$ ; (тут  $I = \text{input}$ ,  $O = \text{output}$ ).

Формализуем описание питания и блокировки, данное выше: определим питание как тот случай, когда  $P$  создает новые элементы  $I(Q)$ , а блокировку как случай, когда  $P$  удаляет элементы  $I(Q)$ .

$$(14) \text{ а. } \begin{array}{l} P \text{ и } Q \text{ находятся в отношении питания, если} \\ \exists x : x \in I(P), x \notin I(Q), P(x) \in I(Q). \end{array}$$

<sup>7</sup> Это упрощение позволяет избежать технических трудностей, но содержательно не меняет основных результатов.

- б.  $P$  и  $Q$  находятся в отношении блокировки, если  
 $\exists x : x \in I(P), x \in I(Q), P(x) \notin I(Q)$ .

Вернемся к первым примерам.

- (15) а.  $(e/o)\{\#\} \Rightarrow i/u$   
 б.  $(i)\{w\} \Rightarrow u$   
 с.  $(k/g)\{i\} \Rightarrow \check{c}/\check{y}$

Правила (15а) и (15с) находятся в отношении питания: существует цепочка  $ke$ , удовлетворяющая условиям (14а). Для блокировки (правила (15б) и (15с)) условиям определения (14б) удовлетворяет цепочка  $kiw$ .

Наконец, случай подпитки с точки зрения определений (14) эквивалентен питанию. Рассмотрим пример (11). Пусть правило  $P$  — палатализация, правило  $Q$  —  $i \rightarrow a$ . Существует цепочка  $ki \in I(P)$ ,  $ki \notin I(Q)$ ,  $P(ki) = \check{c}i \in I(Q)$ .

Таким образом, наша первая попытка различить три типа отношений — питание, блокировка, подпитка — пока что недостаточна.

## 6.2. Что правило $P$ делает с элементами $O(Q)$ ?

В определениях (14) питание и блокировка определяются через *вход* второго правила: правило  $P$  или создает, или устраняет элементы множества  $I(Q)$ . Однако правило  $P$  может создавать или устранять элементы не только области действия, но и области значения правила  $Q$ . Попробуем разобраться, что правило  $P$  делает с элементами множества  $O(Q)$  в случаях питания и блокировки. Именно это свойство отношений правил позволит нам вычленивать подпитку из питания и понять, каким именно образом в подпитке смешаны свойства питания и блокировки.

Возьмем все тот же пример питания, правила (15а) и (15с). Заметим, что существуют цепочки  $x$  со следующим свойством.

- (16)  $\exists x : x \in I(P), x \notin O(Q), P(x) \in O(Q)$

Такова, например, цепочка  $\check{c}e$ . К ней применимо правило  $P(\check{c}e \rightarrow \check{c}i)$ . Это действие правила  $P$  создает новый элемент множества  $O(Q)$ : ведь  $\check{c}i$  может быть результатом палатализации по правилу (15с), а  $\check{c}e$  — нет. Таким образом, в случае питания правило  $P$  создает не только элементы множества  $I(Q)$ , но и множества  $O(Q)$ .

Теперь рассмотрим наш пример блокировки, правила (15b) и (15c). Заметим, что существуют цепочки  $x$  со следующим свойством.

$$(17) \exists x : x \in I(P), x \in O(Q), P(x) \notin O(Q)$$

Такова, например, цепочка  $\check{c}iw$ . К ней применимо правило  $P(\check{c}iw \rightarrow \check{c}uw)$ . Это действие правила  $P$  удаляет элемент множества  $O(Q)$ : ведь  $\check{c}iw$  может быть результатом палатализации по правилу (15c), а  $\check{c}uw$  — нет. Таким образом, в случае блокировки правило  $P$  устраняет не только элементы множества  $I(Q)$ , но и множества  $O(Q)$ .

Всего имеется четыре возможных атомарных свойства отношений  $P$  и  $Q$ .

$$(18) P \begin{cases} \text{создает} \\ \text{удаляет} \end{cases} \text{элементы} \begin{cases} I(Q) \\ O(Q) \end{cases}$$

Обозначим эти четыре атома сокращенно:  $+i$ ,  $+o$ ,  $-i$ ,  $-o$  (тут  $i = \text{input}$ ,  $o = \text{output}$ ). В конкретных наблюдаемых примерах питания и блокировки задействованы пары таких атомов. Питание состоит из  $\{P+iQ, P+oQ\}$ , а блокировка из  $\{P-iQ, P-oQ\}$ .

Теперь изучим подпитку, все на том же искусственном примере.

$$(19) \text{ а. } (k/g)\{i\} \Rightarrow \check{c}/\check{y} \\ \text{ б. } \{\text{шипящие}\}(i) \Rightarrow a$$

Атом  $P+iQ$  мы уже обнаружили. Имеется ли тут атом  $P+oQ$ , как в случае питания? Может ли  $P$  (палатализация) создать новые члены множества  $O(Q)$ ? Очевидно, нет. Это множество состоит из цепочек вида шипящий $+a$ . На выходе правила  $P$  таких цепочек нет.

Но все же  $P+iQ$  — не единственный атом в этой паре правил. Рассмотрим цепочку  $\check{c}i$ . К ней применимо правило  $Q(\check{c}i \rightarrow \check{c}a)$ . Это действие правила  $Q$  удаляет элемент множества  $O(P)$ : ведь  $\check{c}i$  может быть результатом палатализации по правилу (19a), а  $\check{c}a$  — нет. Таким образом, в случае подпитки правило  $P$  создает элементы множества  $I(Q)$ , а правило  $Q$  удаляет элементы множества  $O(P)$ . Подпитка состоит из  $\{P+iQ, Q-oP\}$ .

(20)

Атомы \ Отношения	$+i$	$+o$	$-i$	$-o$
$P$ питает $Q$	$P+iQ$	$P+oQ$		
$P$ блокирует $Q$			$P-iQ$	$P-oQ$
$P$ подпитывает $Q$	$P+iQ$			$Q-oP$

Из этой таблицы легко видеть, что в подпитке по одному из атомов от питания и блокировки. Именно поэтому подпитка похожа и на питание, и на блокировку.

Напомним диагностирующие свойства нетривиальных порядков: мнимое исключение (питание, подпитка) и необоснованное действие (блокировка, подпитка). Эти свойства — проявление индивидуальных атомов. Пусть  $P+iQ$ . Тогда, если в конкретной грамматике  $Q$  действует первым,  $P$  создает элементы  $I(Q)$ , которые  $Q$  не успеет преобразовать, — и получаются мнимые исключения. А если  $P-oQ$ , и  $Q$  действует первым, то некоторые цепочки, которые выглядят как результат действия  $Q$ , больше так не выглядят после действия  $P$  — и получается эффект необоснованного действия.

Эти свойства и являются формальными характеристиками темных фонологических выводов.

## 7. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Три типа взаимодействий можно представить графически. Обозначим действие  $P$  горизонтальными стрелками, а действие  $Q$  вертикальными. Тогда минимальные конфигурации наших взаимодействий можно представить так, как показано на Рис. 1–3.

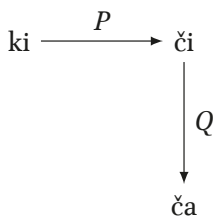


Рис. 1: Подпитка

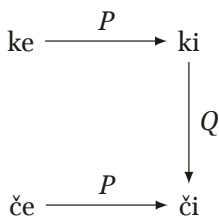


Рис. 2: Питание

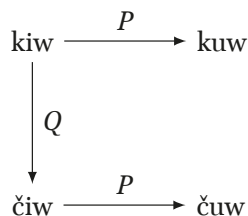


Рис. 3: Блокировка

Существуют и другие типы взаимодействий, кроме этих трех. Их изучение выходит за рамки данной работы. Без доказательства приведем общую теорему о взаимодействиях.<sup>8</sup>

### (21) Теорема о взаимодействиях правил

Разобьем атомарные взаимодействия правил  $P, Q$  на два класса:

Левосторонние атомы:  $\langle P+iQ \mid, \langle Q+oP \mid, \langle P-oQ \mid, \langle Q-iP \mid$

Правосторонние атомы:  $\mid Q-oP, \mid P+oQ, \mid Q+iP, \mid P-iQ$

<sup>8</sup> Подробности и доказательство в [Baković, Blumenfeld, in prep.].

Для любых правил  $P, Q$ , действующих на любом конечном подмножестве  $A^*$ , число правосторонних и левосторонних атомов равно.

Заметим, что питание  $\langle P+iQ|P+oQ \rangle$ , блокировка  $\langle P-iQ|P-oQ \rangle$  и подпитка  $\langle P+iQ|Q-oP \rangle$  удовлетворяют условиям теоремы. Существуют также и другие случаи, представляющие интерес при описании конкретных явлений в естественных языках. Оставим их в качестве упражнения для читателя.

#### ЛИТЕРАТУРА

- Поливанова А. К. Старославянский язык. Грамматика. Словари. — М.: Университет Дмитрия Пожарского, 2013.
- Baković E. A revised typology of opaque generalizations // *Phonology*. — 2007. — Vol. 24. — P. 217–259.
- Baković E. Opacity and ordering // *The handbook of phonological theory* / Ed. by J. A. Goldsmith, J. Riggle, A. C. L. Yu. — 2nd. ed. — Malden, Mass.: Wiley Blackwell, 2011. — P. 40–67.
- Baković E., Blumenfeld L. Rule interaction conversion operations // *Loquens*. — 2019. — Vol. 6, № 2. — P. 1–13.
- Baković E., Blumenfeld L. A typology of map interactions. — Ms., in prep.
- Chafe W. The ordering of phonological rules // *International Journal of American Linguistics*. — 1968. — Vol. 34. — P. 115–136.
- Joshi S., Kiparsky P. The extended *siddha* principle // *Annals of the Bhandarkar Oriental Research Institute*. — 2005. — P. 1–26.
- Kiparsky P. Linguistic universals and linguistic change // *Universals in linguistic theory* / Ed. by E. Bach, R. Harms. — New York: Holt; Rinehart; Winston, 1968. — P. 170–202.
- Kiparsky P. Historical linguistics // *A Survey of Linguistic Science* / Ed. by W. O. Dingwall. — College Park: University of Maryland Linguistics Program, 1971. — P. 576–642. — Reprinted in: *Explanation in Phonology*. — Dordrecht: Foris, 1982. — P. 57–80.
- Kiparsky P. Abstractness, opacity, and global rules // *Three dimensions of linguistic theory* / Ed. by O. Fujimura. — Tokyo: TEC, 1973. — P. 57–86.
- Koutsoudas A., Sanders G., Noll C. The application of phonological rules // *Language*. — 1974. — Vol. 50, № 1. — P. 1–28.